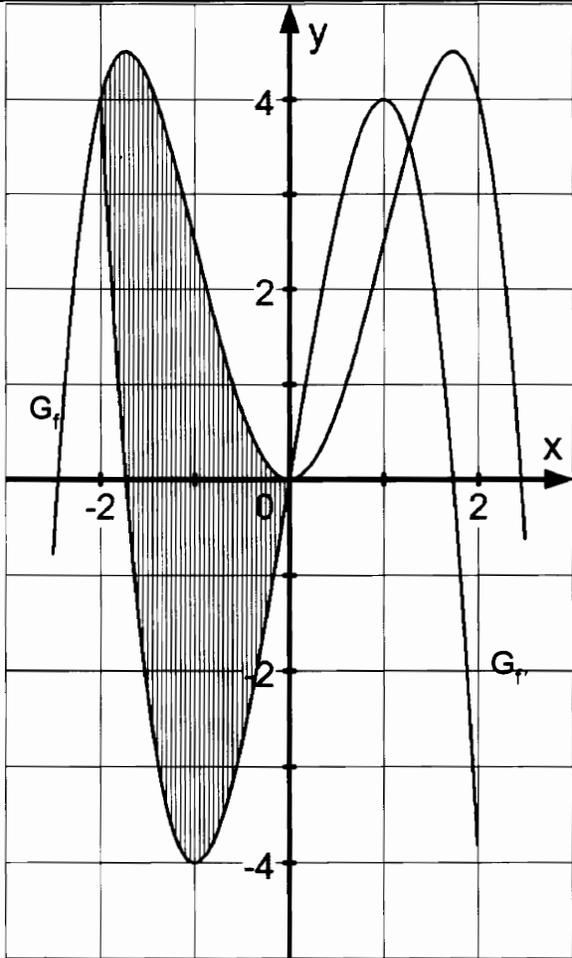


Aufg.	A II	BE
1.1	<p>Symmetrie zur y-Achse:  <math>f(x) = ax^4 + bx^2 + c</math>; <math>f'(x) = 4ax^3 + 2bx</math>; <math>f''(x) = 12ax^2 + 2b</math></p> <p>(I) <math>f(1) = 2,5 \Rightarrow a + b + c = 2,5</math>                      (II) <math>f''(1) = 0 \Rightarrow 12a + 2b = 0</math>, damit <math>a = -\frac{1}{2}</math>; <math>b = 3</math>; <math>c = 0</math>, also <math>f(x) = -\frac{1}{2}(x^4 - 6x^2)</math>                      (III) <math>f'(1) = 4 \Rightarrow 4a + 2b = 4</math></p>	7
1.2	<p><math>f(x) = 0 \Rightarrow x^2(-\frac{1}{2}x^2 + 3) = 0</math>, damit <math>x_{1,2} = 0</math>, doppelt, <math>G_f</math> berührt hier die x-Achse;  <math>x_{3,4} = \pm\sqrt{6}</math>, einfache Nullstellen, <math>G_f</math> schneidet hier jeweils die x-Achse.</p>	5
1.3	<p><math>f'(x) = -2x^3 + 6x</math>; <math>f'(x) = 0 \Rightarrow x(-2x^2 + 6) = 0 \Rightarrow x_1 = 0</math>; <math>x_{2,3} = \pm\sqrt{3}</math></p> <p>Z.B. mithilfe einer Skizze von <math>G_{f'}</math>: <math>f</math> ist echt monoton zunehmend in den Intervallen <math>]-\infty; -\sqrt{3}]</math> sowie <math>[0; \sqrt{3}]</math> und echt monoton abnehmend in den Intervallen <math>[-\sqrt{3}; 0]</math> sowie <math>[\sqrt{3}; \infty[</math>. <math>H_1(-\sqrt{3}   4,5)</math>; <math>H_2(\sqrt{3}   4,5)</math>; <math>T(0   0)</math></p>	8
1.4	<p>Mit <math>W_1(1   2,5)</math> ist wegen der Symmetrie auch <math>W_2(-1   2,5)</math> ein Wendepunkt von <math>G_f</math>.                      Da eine Funktion 4. Grades maximal 2 Wendepunkte haben kann <math>\Rightarrow G_f</math> hat genau zwei Wendepunkte.</p> <p><math>f(x) = 2,5 \Rightarrow -0,5x^4 + 3x^2 = 2,5</math>, mit Substitution <math>z = x^2</math> und Rücksubstitution  <math>\Rightarrow x_{1,2} = \pm\sqrt{5}</math>; <math>x_{3,4} = \pm 1</math></p>	7
1.5		5

Aufg.	A II	BE
1.6	$f(x) - f'(x) = -0,5x^4 + 2x^3 + 3x^2 - 6x;$ $f(-2) - f'(-2) = -0,5 \cdot (-2)^4 + 2 \cdot (-2)^3 + 3 \cdot (-2)^2 - 6 \cdot (-2) = 0$ $x(-0,5x^3 + 2x^2 + 3x - 6) = 0 \Rightarrow x_1 = 0; x_2 = -2$ $(-0,5x^3 + 2x^2 + 3x - 6) : (x + 2) = -0,5x^2 + 3x - 3$ , damit weitere Lösungen $x_{3,4} = 3 \pm \sqrt{3}$ . An diesen Stellen ist die Steigung von $G_f$ so groß wie die y-Koordinate des Punkts.	7
1.7	Zeichnung (siehe 1.5) Aus 1.3 $x_1 = 0; x_{2,3} = \pm\sqrt{3}$ sind Nullstellen von $f'$ . Extremstellen von $f'$ : $x_{1,2} = \pm 1$	4
1.8	Markierung (siehe 1.5) $A = \int_{-2}^0 (f(x) - f'(x)) dx = \int_{-2}^0 (-0,5x^4 + 2x^3 + 3x^2 - 6x) dx = [-0,1 \cdot x^5 + 0,5 \cdot x^4 + x^3 - 3x^2]_{-2}^0 = 8,8$	5
2	$h(x)$ enthält nur gerade x-Exponenten $\Rightarrow h'(x)$ enthält nur ungerade x-Exponenten und keine Konstanten $\Rightarrow G_{h'}$ ist symmetrisch zum Ursprung.	3
3.1	$V = \frac{1}{3}Gh = \frac{1}{3}\left(\frac{b}{2}\right)^2 \pi h$ mit $\left(\frac{b}{2}\right)^2 = r^2 - h^2 \Rightarrow V(h) = \frac{\pi}{3}(r^2 - h^2) \cdot h = \frac{\pi}{3}(-h^3 + 144h)$	3
3.2	$V'(h) = \frac{\pi}{3}(-3h^2 + 144); V'(h) = 0 \Rightarrow h_1 = 4\sqrt{3}; h_2 = -4\sqrt{3}; h_1 \in D_V; h_2 \notin D_V$ Z.B. mithilfe einer Skizze von $G_V$ , $\Rightarrow$ max. Volumen für eine Höhe von $4\sqrt{3}$ cm.	6

Gesamt: 60