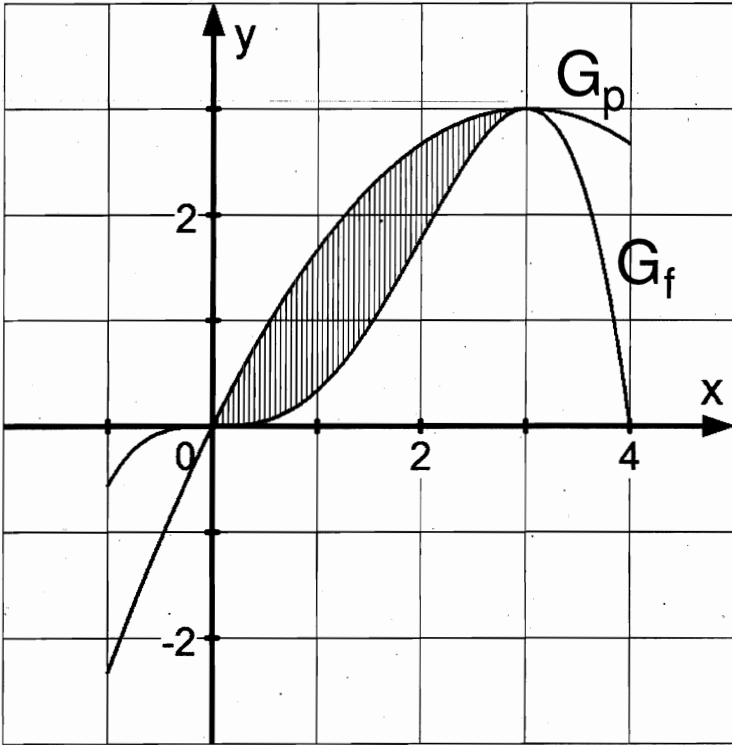


Aufg.	A I	BE
1.1	$f(x) = 0 \Rightarrow \frac{1}{9}x^3(-x+4) = 0 \Rightarrow x_1 = 0$ dreifache Nst, $x_2 = 4$ einfache Nst.	3
1.2	$f'(x) = \frac{1}{9}(-4x^3 + 12x^2) = \frac{4}{9}x^2(-x+3)$ $f'(x) = 0 \Rightarrow x_1 = 0; x_2 = 3$ Z.B. unter Zuhilfenahme einer Skizze von $G_{f'}$: f ist streng monoton zunehmend im Intervall $]-\infty; 3]$ und streng monoton abnehmend im Intervall $[3; \infty[$: $H(3 3)$	7
1.3	$f''(x) = \frac{1}{9}(-12x^2 + 24x) = \frac{4}{3}x(-x+2)$ $f''(x) = 0 \Rightarrow x_1 = 0; x_2 = 2$ jeweils einfache Nullstellen von f'' . Mit $f(0) = 0; f(2) = \frac{16}{9}; f'(0) = 0; f'(2) = \frac{16}{9} \Rightarrow w_1: y = 0; w_2: y = \frac{16}{9}(x-2) + \frac{16}{9}$	8
1.4	Graphen 	4
2.1	$p(x) = ax^2 + bx + c; p'(x) = 2ax + b$ $p(0) = 0; p(3) = 3; p'(3) = 0 \Rightarrow$ z.B. mit Einsetzverfahren $p(x) = -\frac{1}{3}x^2 + 2x$ oder über Scheitelpunktform Graph siehe 1.4	8
2.2	Markierung $A = \int_0^3 (p(x) - f(x)) dx = \int_0^3 \left(\frac{1}{9}x^4 - \frac{4}{9}x^3 - \frac{1}{3}x^2 + 2x \right) dx = \left[\frac{1}{45}x^5 - \frac{1}{9}x^4 - \frac{1}{9}x^3 + x^2 \right]_0^3 = 2,4$	5

Aufg.	A I	BE
2.3	$p(x) = f(x) \Rightarrow \frac{1}{9}x^4 - \frac{4}{9}x^3 - \frac{1}{3}x^2 + 2x = 0; (x_1 = 0); (x_2 = 3)$ $\left(\frac{1}{9}x^3 - \frac{4}{9}x^2 - \frac{1}{3}x + 2\right) : (x - 3) = \frac{1}{9}x^2 - \frac{1}{9}x - \frac{2}{3}$ $\frac{1}{9}x^2 - \frac{1}{9}x - \frac{2}{3} = 0 \Rightarrow (x_3 = 3); x_4 = -2$ Schnittpunkt im III. Quadranten $(-2 -\frac{16}{3})$	7
2.4	$g: y = m \cdot (x - 3) + 4$ Berührung $\Rightarrow$ doppelte Lösung der Gleichung $g(x) = p(x) \Rightarrow \frac{1}{3}x^2 + (m - 2)x + 4 - 3m = 0$ $D = (m - 2)^2 - 4 \cdot \frac{1}{3} \cdot (4 - 3m) = m^2 - \frac{4}{3}$ $D = 0 \Rightarrow m_{1,2} = \pm \frac{2}{3}\sqrt{3}$	6
3.1	$6 = 4 \cdot 2r\pi + 4h + 4r \Rightarrow h = \frac{3}{2} - (2\pi + 1)r$ $V = r^2\pi h \Rightarrow V(r) = \pi \left(\frac{3}{2}r^2 - r^3 - 2\pi r^3\right)$	5
3.2	$V'(r) = \pi(3r - 6\pi r^2 - 3r^2)$ $V'(r) = 0 \Rightarrow r_1 = 0 \notin D_V \vee r_2 = \frac{1}{2\pi + 1} \approx 0,137$ Z.B. mithilfe einer Skizze von $G_{V'}$: Relatives und absolutes Maximum von V bei $r \approx 0,137$ Maximales Volumen, wenn der Radius ca. 0,137 m beträgt.	7

Gesamt: 60