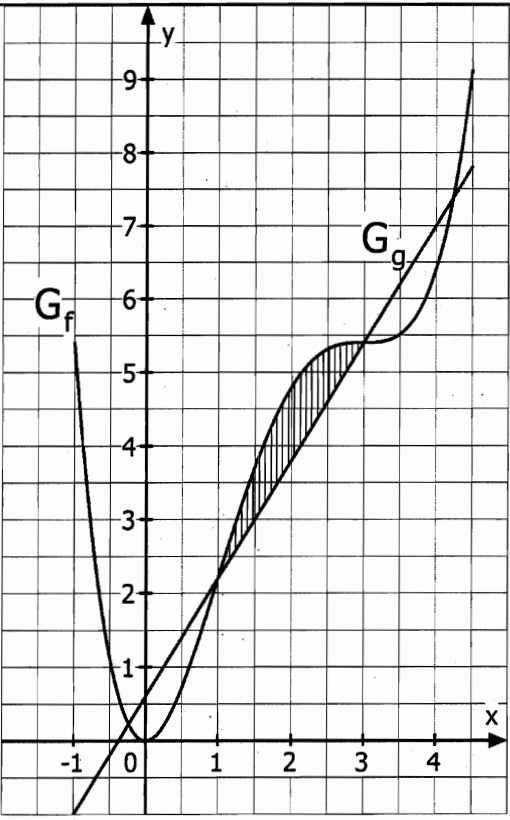


Aufg.	A II	BE
1.1	Sowohl gerade als auch ungerade x-Exponenten $\Rightarrow$ keine Symmetrie zum Koordinatensystem $f(x) \rightarrow \infty$ für $x \rightarrow \pm\infty$	3
1.2	$f(x) = 0 \Rightarrow \frac{1}{5}x^2(x^2 - 8x + 18) = 0 \Rightarrow x_{1/2} = 0 \vee x^2 - 8x + 18 = 0$ $D = 64 - 4 \cdot 18 = -8 < 0 \Rightarrow$ keine weitere Nullstelle vorhanden	3
1.3	$x=0$ doppelte NST $\Rightarrow x=0$ ist relative Extremstelle $x=0$ einzige NST $\wedge f(x) \rightarrow \infty$ für $x \rightarrow \pm\infty \Rightarrow$ Behauptung	3
1.4	$f'(x) = \frac{1}{5}(4x^3 - 24x^2 + 36x) = \frac{4}{5}(x^3 - 6x^2 + 9x) \Rightarrow f''(x) = \frac{4}{5}(3x^2 - 12x + 9)$ $f''(x) = \frac{12}{5}(x^2 - 4x + 3)$ $f''(x) = 0 \Rightarrow x^2 - 4x + 3 = 0 \Rightarrow x_1 = 1 \vee x_2 = 3$ einfache NST von f'' , also Wendestellen $f'(1) = \frac{16}{5} \neq 0$; $W(1 \frac{11}{5})$; $f'(3) = 0$; $TeP(3 \frac{27}{5})$	7
1.5	$m_g = \frac{\frac{27}{5} - \frac{11}{5}}{3 - 1} = \frac{16}{5} = \frac{8}{5}$; $g: y = \frac{8}{5}(x-1) + \frac{11}{5} \Rightarrow g: y = \frac{8}{5}x + \frac{3}{5}$	3
1.6		5
1.7	$A = \int_1^3 (f(x) - g(x)) dx = \frac{1}{5} \int_1^3 (x^4 - 8x^3 + 18x^2 - 8x - 3) dx = \frac{1}{5} \left[\frac{1}{5}x^5 - 2x^4 + 6x^3 - 4x^2 - 3x \right]_1^3 =$ $= 1,28$ Schraffur	5

Aufg.	A II	BE
2	a) Richtig, da $h'(1)=0$ mit VZW von – nach + b) Falsch, da $h'(4) = 0$ ohne VZW c) Richtig, da $x = 2$ eine Extremstelle von h' ist d) Richtig, da $h'(2) = 3 = m_e$ ist	8
3	$k_a'(x) = \frac{1}{9}(4x^3 - 6ax^2) = \frac{2}{9}x^2(2x - 3a)$ 1) $a = 0$ $k_0'(x) = \frac{4}{9}x^3 = 0 \Rightarrow x = 0$; VZW von – nach + $\Rightarrow$ TP(0 0) 2) $a > 0$ $k_a'(x) = 0 \Rightarrow x_{1 2} = 0 \vee x_3 = \frac{3}{2}a$ $x_{1 2} = 0$ doppelte NST von $k_a' \Rightarrow$ kein Extrempunkt $k_a''(x) = \frac{1}{9}(12x^2 - 12ax) = \frac{4}{3}(x^2 - ax)$ $k_a''(\frac{3}{2}a) = a^2 > 0 \Rightarrow$ TP($\frac{3}{2}a -\frac{3}{16}a^4$)	9
4.1	$A_\Delta = \frac{1}{2}gh$ $\Rightarrow A(x) = \frac{1}{2}(x-2) \cdot w(x) = \frac{1}{2}(x-2)(-0,01x^3 + 0,15x^2) = \frac{1}{2}(-0,01x^4 + 0,17x^3 - 0,30x^2)$ $= 0,005(-x^4 + 17x^3 - 30x^2)$ mit $D_A = [7;12]$	5
4.2	$A'(x) = 0,005(-4x^3 + 51x^2 - 60x) = 0 \Rightarrow x(-4x^2 + 51x - 60) = 0$; $x_1 = 0 \notin D_A$ $x_{2/3} = \frac{-51 \pm \sqrt{51^2 - 4 \cdot 4 \cdot 60}}{-8}$; $x_2 \approx 1,31 \notin D_A \vee x_3 \approx 11,44$ Mit z. B. Skizze von $G_{A'}$: absolutes Maximum bei $x_3 \approx 11,44$ Maße des Fensters: Breite ca. 9,44 m Höhe ca. 4,66 m; mit diesen gerundeten Maßen ergibt sich eine Fläche von ca. 22,00m² $\frac{A_F}{A_L} = \frac{22,00}{36} \approx 61,11\%$	9

Gesamt: 60