

Lösung - Analysis - Gruppe A

[B]

$$1. \quad f(x) = \frac{3}{256} \cdot (3x^4 + 32x^3 + 96x^2) \quad [= \frac{2}{256} \cdot \dots]$$

1.1
 ③ $f(x) = 0 \Rightarrow \frac{3}{256} x^2 \cdot (3x^2 + 32x + 96) = 0$
 $\Rightarrow x_{1,2}^2 = 0 \quad (\text{doppelt})$

$$3x^2 + 32x + 96 = 0 \Rightarrow x_{3,4} = \frac{-32 \pm \sqrt{1024 - 1152}}{6}$$

$$1.2 \quad f'(x) = \frac{3}{256} \cdot (12x^3 + 96x^2 + 192x) = 0 \quad [= \frac{2}{256} \cdot \dots]$$

⑩ $\Rightarrow \frac{36}{256} x \cdot (x^2 + 8x + 16) = 0 \quad [\frac{24}{256} \cdot \dots]$
 $\Rightarrow x_1 = 0 \quad (\text{einfach})$

$$x^2 + 8x + 16 = 0 \Rightarrow (x+4)^2 = 0 \Rightarrow x_{2,3} = -4 \quad (\text{doppelt})$$

Mon. ber.	$-\infty < x < -4$	$-4 < x < 0$	$0 < x < \infty$	
f'	-	-	+	
G_f	fällt	TEP	fällt	steigt

$$\text{TP}(0; 0) \times$$

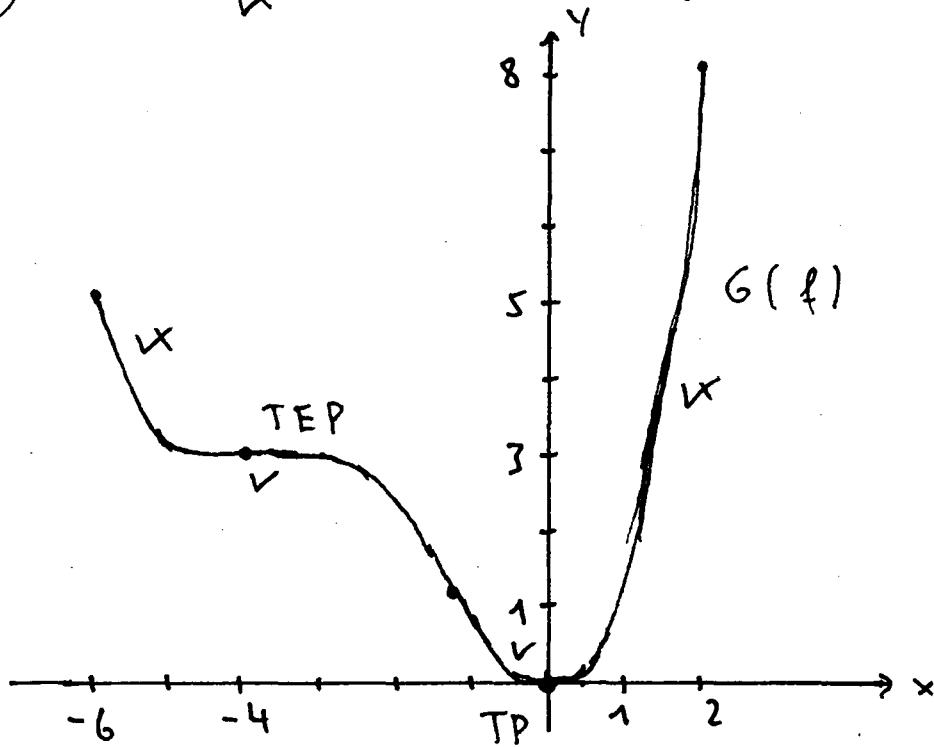
$$f(-4) = 3 \Rightarrow \text{TEP}(-4; 3) \quad [f(-4) = 2 \\ \text{TEP}(-4; 2)]$$

G_f fällt streng monoton für $x \leq 0$ ✗

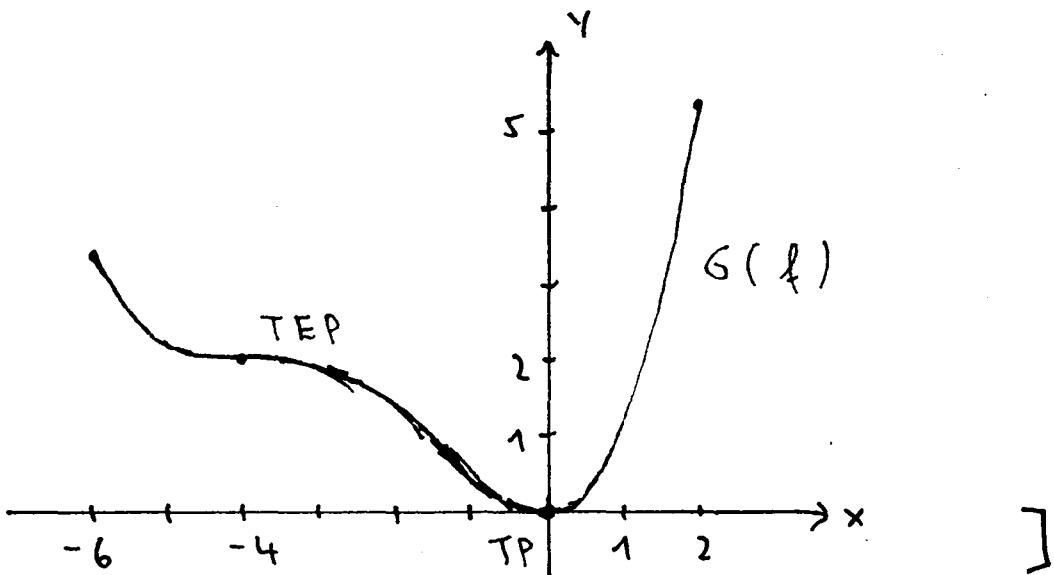
G_f steigt streng monoton für $x \geq 0$ ✗

$$1.3 \quad f(-6) \approx 5,06 \quad ; \quad f(2) \approx 8,06$$

(4)



$$[\quad f(-6) \approx 3,38 \quad ; \quad f(2) \approx 5,38$$



$$2. v(t) = \frac{3}{32} \cdot (t^3 - 12t^2 + 256), 0 \leq t \leq 8$$

$$[= \frac{5}{32} \cdot (t^3 - 12t^2 + 256)]$$

$$2.1 \quad v(0) = 24 \vee [v(0) = 40]$$

(3) $v(8) = 0 \vee$

Die Virenkonzentration zu Beginn bzw. am Ende der Behandlung beträgt 24 [40] bzw. 0 .

$$2.2 \quad v'(t) \stackrel{V}{=} \frac{3}{32} \cdot (3t^2 - 24t) \quad [= \frac{5}{32} \cdot (3t^2 - 24t)]$$

(4) $v''(t) \stackrel{V}{=} \frac{3}{32} \cdot (6t - 24) \quad [= \frac{5}{32} \cdot (6t - 24)]$

$$v''(t) = 0 \Rightarrow 6t - 24 = 0 \Rightarrow t \stackrel{V}{=} 4$$

also am 4. Tag \vee

$$3. f_k(x) = 2x^4 - 4x^3 + 2kx^2, k \in \mathbb{R}$$

(6) $[= 3x^4 - 6x^3 + 3kx^2]$

$$f_k(x)=0 \Rightarrow 2x^2 \cdot (x^2 - 2x + k) \stackrel{V}{=} 0$$

$$[3x^2 \cdot (x^2 - 2x + k) = 0]$$

$$\text{Diskriminante } D = 4 - 4k = 0 \Rightarrow k = 1$$

$$D > 0 \Rightarrow k < 1$$

$$D < 0 \Rightarrow k > 1$$

$$k=0: 2 \text{ Nullstellen } \vee$$

$$k \neq 0: 2 \text{ Nullstellen für } k=1 \quad \vee$$

$$3 \text{ Nullstellen für } k < 1 \quad \vee$$

$$1 \text{ Nullstelle für } k > 1 \quad \vee$$