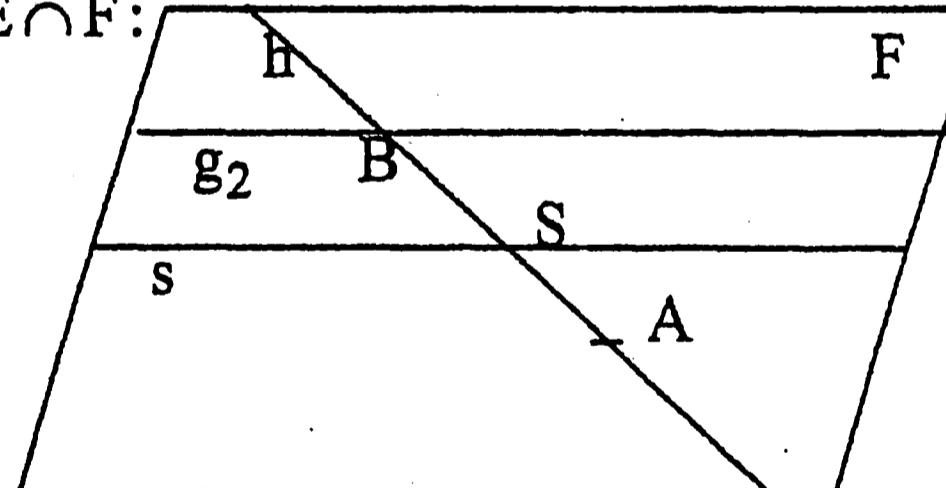


Nr.	Lösungshinweise zu BI 2010	BE
1.1	$\vec{x} = \begin{pmatrix} 40 \\ 50 \\ 20 \end{pmatrix}; A = \begin{pmatrix} 0,4 & 0,3 & 0,2 \\ 0,1 & 0,1 & 0,3 \\ 0,2 & 0,1 & 0,2 \end{pmatrix}$	3
1.2	$\vec{y} = \begin{pmatrix} 0,6 & -0,3 & -0,2 \\ -0,1 & 0,9 & -0,3 \\ -0,2 & -0,1 & 0,8 \end{pmatrix} \begin{pmatrix} 30 \\ x_2 \\ 50 \end{pmatrix} = \begin{pmatrix} 8 - 0,3x_2 \\ -18 + 0,9x_2 \\ 34 - 0,1x_2 \end{pmatrix} \Rightarrow \begin{cases} 8 - 0,3x_2 \geq 0 \\ -18 + 0,9x_2 \geq 0 \\ 34 - 0,1x_2 \geq 0 \end{cases} \Leftrightarrow \begin{cases} x_2 \leq \frac{80}{3} \\ x_2 \geq 20 \\ x_2 \leq 340 \end{cases}$ $\Leftrightarrow 20 \leq x_2 \leq \frac{80}{3}$	6
1.3	$\begin{pmatrix} 22 \\ 0 \\ y_3 \end{pmatrix} = \begin{pmatrix} 0,6 & -0,3 & -0,2 \\ -0,1 & 0,9 & -0,3 \\ -0,2 & -0,1 & 0,8 \end{pmatrix} \cdot \begin{pmatrix} x_1 \\ 0,5x_3 \\ x_3 \end{pmatrix} \Rightarrow \begin{cases} 0,6x_1 - 0,35x_3 = 22 \\ -0,1x_1 + 0,15x_3 = 0 \\ -0,2x_1 + 0,75x_3 = y_3 \end{cases}$ $\left(\begin{array}{ccc c} 0,6 & -0,35 & 0 & 22 \\ -0,1 & 0,15 & 0 & 0 \\ -0,2 & 0,75 & -1 & 0 \end{array} \right) \Rightarrow \left(\begin{array}{ccc c} 0 & 0,055 & 0 & 2,2 \\ 0 & 0,38 & -0,6 & 4,4 \end{array} \right) \Rightarrow \begin{cases} x_3 = 40 \\ y_3 = 18 \\ x_1 = 60 \end{cases} ; \vec{x} = \begin{pmatrix} 60 \\ 20 \\ 40 \end{pmatrix}, \vec{y} = \begin{pmatrix} 22 \\ 0 \\ 18 \end{pmatrix}$	7
2.1	$h: \vec{x} = \begin{pmatrix} 1 \\ -4 \\ 7 \end{pmatrix} + r \cdot \begin{pmatrix} -4 \\ 8 \\ -8 \end{pmatrix}; h \cap E: (1-4r) - 2(-4+8r) + 2(7-8r) - 5 = 0 \Rightarrow 36r = 18 \Rightarrow r = 0,5 \Rightarrow S(-1 0 3);$ da $r = 0,5$, ist $\vec{AS} = \frac{1}{2}\vec{AB}$. S ist Mittelpunkt der Strecke [AB] und B ist also Spiegelpunkt von A \Rightarrow Behauptung;	6
2.2	$a = 0: g_0$ ist echt parallel zur x_2 -Achse; $a \neq 0: g_a$ ist echt parallel zur x_1x_2 -Ebene	2
2.3	$g_a \cap E: -3 + ka - 2(4+k) + 2(-1) - 5 = 0 \Rightarrow k \cdot (a-2) = 18$; für $a = 2$ ist die Gleichung nicht lösbar ($18 \neq 0$) \Rightarrow die Gerade g_2 verläuft echt parallel zur Ebene E	4
2.4.1	$F: \vec{x} = \begin{pmatrix} -3 \\ 4 \\ -1 \end{pmatrix} + r \begin{pmatrix} 1 \\ -2 \\ 2 \end{pmatrix} + k \begin{pmatrix} 2 \\ 1 \\ 0 \end{pmatrix}; \left(\begin{array}{cc c} 1 & 2 & x_1 + 3 \\ -2 & 1 & x_2 - 4 \\ 2 & 0 & x_3 + 1 \end{array} \right) \rightarrow \left(\begin{array}{cc c} 5 & 0 & x_1 - 2x_2 + 11 \\ 2 & 0 & x_3 + 1 \end{array} \right) \rightarrow$ $\left(\begin{array}{cc c} & & \\ 0 & 0 & -2x_1 + 4x_2 + 5x_3 - 17 \end{array} \right) \Rightarrow$ Ebene F: $-2x_1 + 4x_2 + 5x_3 - 17 = 0$	5
2.4.2	$S \in E$ (2.1) $\wedge S \in F$, da $S \in h$ (2.4.1) $\Rightarrow S \in E \cap F$: die Schnittgerade $s = E \cap F$ verläuft parallel zur Geraden g_2 , da g_2 echt parallel zu E verläuft (2.3) $\wedge g_2 \subset F$; $s: \vec{x} = \begin{pmatrix} -1 \\ 0 \\ 3 \end{pmatrix} + t \cdot \begin{pmatrix} 2 \\ 1 \\ 0 \end{pmatrix}$	7



Summe 40