

Nr.	Lösungshinweise zu AII			BE															
1.1	$f(x) = a \cdot \frac{(x+1) \cdot (x-4)}{(x-1)^2 \cdot (x-4)}$; $f(5) = 3 \Rightarrow a \cdot \frac{6 \cdot 1}{16 \cdot 1} = 3 \Leftrightarrow a = 8$; $f(x) = 8 \cdot \frac{(x+1) \cdot (x-4)}{(x-1)^2 \cdot (x-4)}$;			5															
1.2.1	Asymptoten: $x = 1$ senkrecht, $y = 0$ waagrecht; Ns: $x_1 = -1$;			3															
1.2.2	$g'(x) = 8 \cdot \frac{(x-1)^2 - (x+1) \cdot 2 \cdot (x-1)}{(x-1)^4} = -8 \cdot \frac{x+3}{(x-1)^3}$ $g'(-3) = 0$; G_g fällt streng monoton in $]-\infty; -3]$ und in $]1; \infty[$ und G_g steigt streng monoton in $[-3; 1[$ $\Rightarrow \text{TP}(-3 -1)$	<table><tr><th>VZ</th><th>-3</th><th>1</th></tr><tr><td>-8</td><td>-----</td><td></td></tr><tr><td>$x+3$</td><td>----0+++++</td><td></td></tr><tr><td>$(x-1)^3$</td><td>-----0++</td><td></td></tr><tr><td>$g'(x)$</td><td>----0++++nd--</td><td></td></tr></table>	VZ	-3	1	-8	-----		$x+3$	----0+++++		$(x-1)^3$	-----0++		$g'(x)$	----0++++nd--			9
VZ	-3	1																	
-8	-----																		
$x+3$	----0+++++																		
$(x-1)^3$	-----0++																		
$g'(x)$	----0++++nd--																		
1.2.3	$g(-6) = -0,8$		$G'(x) = 4 \cdot \frac{2 \cdot (x-1)}{(x-1)^2} + \frac{16}{(x-1)^2} = \frac{8x-8+16}{(x-1)^2}$ $= g(x)$; $\int_{-1}^0 g(x) dx = \left[4 \cdot \ln((x-1)^2) - \frac{16}{x-1} \right]_{-1}^0$ $= 16 - (4 \cdot \ln(4) + 8) = 8 - 4 \cdot \ln(4) \approx 2,45$	5															
1.2.4	$g(8) = 1,5$			5															
2.1		$D_h = \mathbb{R}^+$; Ns: $x_1 = e^2$ doppelt; $x \xrightarrow{>} 0 \Rightarrow 10(2 - \underbrace{\ln(x)}_{\rightarrow -\infty})^2 \rightarrow \infty$; $x \rightarrow \infty \Rightarrow 10 \cdot (2 - \underbrace{\ln(x)}_{\rightarrow \infty})^2 \rightarrow \infty$		5															
2.2	Die Nullstelle x_1 ist doppelt $\Rightarrow x_1$ ist Ns von h' ; wegen des Verhaltens an den Rändern ist dort ein TP.			2															
2.3	$h'(x) = 10 \cdot 2 \cdot (2 - \ln(x)) \cdot (-\frac{1}{x}) = \frac{-20(2 - \ln(x))}{x}$; $h''(x) = -20 \cdot \frac{x \cdot (-\frac{1}{x}) - (2 - \ln(x)) \cdot 1}{x^2}$ $= -20 \cdot \frac{\ln(x) - 3}{x^2}$; Ns von h'' : $x_2 = e^3$ (einfach) $\Rightarrow \text{WP}(e^3 10)$			7															
2.4		$T(2) = 74 \Rightarrow 74 = 18 + a \cdot e^{-c \cdot 2}$; $T(25) = 28 \Rightarrow 28 = 18 + a \cdot e^{-c \cdot 25}$; $56 = a \cdot e^{-2c} \wedge 10 = a \cdot e^{-25c}$ $\Rightarrow e^{23c} = 5,6 \Rightarrow c \approx 0,075$; $a = \frac{10}{e^{-0,075 \cdot 25}} \approx 65$; $T(t) = 18 + 65 \cdot e^{-0,075 \cdot t}$		4															
3.1																			
3.2		$T(0) = 83$; Um 7:00 Uhr hat der Tee die Temperatur 83°C. $\lim_{t \rightarrow \infty} T(t) = 18$; langfristig kühlt sich der Tee auf 18°C ab. Dies entspricht der Umgebungstemperatur .		5															
3.3	$\dot{T}(t) = -0,075 \cdot 65 \cdot e^{-0,075 \cdot t} = -4,875 \cdot e^{-0,075 \cdot t}$; $\dot{T}(3) \approx -3,9 \left[\frac{^\circ\text{C}}{\text{min}} \right]$, $\dot{T}(25) \approx -0,75 \left[\frac{^\circ\text{C}}{\text{min}} \right]$; der Tee kühlt nach 3 min um 3,9°C pro Minute und nach 25 min um 0,75°C pro Minute ab. (oder: der Tee kühlt anfangs stärker ab als später)			4															
3.4	$T(t) = 19 \Rightarrow 19 = 18 + 65 \cdot e^{-0,075 \cdot t} \Rightarrow e^{-0,075 \cdot t} = \frac{1}{65} \Rightarrow -0,075t = -\ln(65) \Rightarrow t \approx 56$; um 7:56 Uhr ist der Abkühlvorgang abgeschlossen.			3															
Summe				60															