

Nr.	Lösungshinweise zu BII	BE
1.1	$\overrightarrow{AB}_b = k \cdot \overrightarrow{AC}_c \Rightarrow \begin{pmatrix} b-5 \\ 6 \\ -8 \end{pmatrix} = k \cdot \begin{pmatrix} -1 \\ -3 \\ c+2 \end{pmatrix} \Rightarrow k = -2 \quad ; \quad \begin{array}{l} b=7 \\ c=2 \end{array}$ für $b=7$ und $c=2$ liegen die Punkte A, B_b und C_c auf einer Geraden und spannen damit keine Ebene auf.	5
1.2	$F: \bar{x} = \begin{pmatrix} 3 \\ 2 \\ -4 \end{pmatrix} + t \cdot \begin{pmatrix} -6 \\ 6 \\ -8 \end{pmatrix} + s \cdot \begin{pmatrix} -1 \\ -3 \\ 4 \end{pmatrix}; \quad \left \begin{array}{cc c} -6 & -1 & x_1 - 3 \\ 6 & -3 & x_2 - 2 \\ -8 & 4 & x_3 + 4 \end{array} \right \rightarrow \left \begin{array}{cc c} 0 & -4 & x_1 + x_2 - 5 \\ 0 & 0 & 4x_2 + 3x_3 + 4 \end{array} \right ; \quad F: 4x_2 + 3x_3 + 4 = 0; \quad F \text{ verläuft echt parallel zur } x_1 - \text{Achse.}$	5
1.3	$\begin{aligned} 2x_1 + 2x_2 - x_3 - 6 &= 0 \\ 4x_2 + 3x_3 + 4 &= 0 \end{aligned} \quad \left. \begin{array}{l} x_3 = t \\ x_2 = -1 - 0,75t \\ x_1 = 4 + 1,25t \end{array} \right\}$ $\Rightarrow s: \bar{x} = \begin{pmatrix} 4 \\ -1 \\ 0 \end{pmatrix} + u \cdot \begin{pmatrix} 5 \\ -3 \\ 4 \end{pmatrix}, \quad u \in \mathbb{R}$	4
1.4	$g_m \cap E: 2 \cdot (4 + 2r) + 2 \cdot (2 + rm) - (4 - 2r) - 6 = 0 \Rightarrow 6r + 2rm + 2 = 0 \Rightarrow r(3 + m) = -1 \Rightarrow r = \frac{-1}{3+m};$ Fall $m = -3$: Widerspruch $\Rightarrow g_{-3}$ ist echt parallel zu E; $m \in \mathbb{R} \setminus \{-3\}$: g_m und E schneiden sich in einem Punkt	5
1.5	$x_2 x_3 - \text{Ebene}: x_1 = 0; S \in g_m : s_1 = 4 + 2r = 0 \Leftrightarrow r = -2, s_2 = 2 - 2m, s_3 = 8;$ $S \in E: 2(2 - 2m) - 8 - 6 = 0 \Leftrightarrow m = -2,5;$ alternativ: aus $r = \frac{-1}{3+m} \Rightarrow s_1 = 4 - \frac{2}{3+m}; s_1 = 0 \Leftrightarrow m = -2,5; S(0 7 8);$	4
2.1	$\vec{y} = (E - A) \cdot \vec{x}: \begin{pmatrix} 0,8 & 0 & -0,6 \\ 0 & 0,2 & -0,2 \\ -0,2 & -0,05 & 0,45 \end{pmatrix} \cdot \begin{pmatrix} 120 \\ 180 \\ 140 \end{pmatrix} = \begin{pmatrix} 12 \\ 8 \\ 30 \end{pmatrix}; \quad K \text{ liefert } 12 \text{ ME, E } 8 \text{ ME und L } 30$ ME an den Markt.	3
2.2	$\vec{x} = \begin{pmatrix} x_1 \\ x_2 \\ x_3 \end{pmatrix}, \vec{y} = \begin{pmatrix} y_1 \\ y_2 \\ y_3 \end{pmatrix}; \quad \begin{pmatrix} 0,8 & 0 & -0,6 \\ 0 & 0,2 & -0,2 \\ -0,2 & -0,05 & 0,45 \end{pmatrix} \cdot \begin{pmatrix} x_1 \\ x_2 \\ x_3 \end{pmatrix} = \begin{pmatrix} y_1 \\ y_2 \\ y_3 \end{pmatrix} \Rightarrow \begin{cases} 0,2x_1 = y_1 \\ 0,2x_2 - 0,2x_1 = y_2 \\ 0,25x_1 - 0,05x_2 = y_3 \end{cases} \Rightarrow$ $x_1 = 5y_1 \wedge x_2 = 10y_1 \Rightarrow 0,75y_1 = 42 \Leftrightarrow y_1 = 56 \wedge x_1 = 280 \wedge x_2 = 560; \quad \vec{x} = \begin{pmatrix} 280 \\ 560 \\ 280 \end{pmatrix}, \quad \vec{y} = \begin{pmatrix} 56 \\ 56 \\ 42 \end{pmatrix};$	7
2.3.1	$\vec{y}(t) = (E - A) \cdot \vec{x}(t); \quad \begin{pmatrix} 0,8 & 0 & -0,6 \\ 0 & 0,2 & -0,2 \\ -0,2 & -0,05 & 0,45 \end{pmatrix} \cdot \begin{pmatrix} 120 \\ 60t \\ 140 \end{pmatrix} = \begin{pmatrix} 12 \\ 12t - 28 \\ 39 - 3t \end{pmatrix}; \quad \begin{cases} 12t - 28 \geq 0 \\ 39 - 3t \geq 0 \end{cases} \Rightarrow \frac{7}{3} \leq t \leq 13;$	4
2.3.2	$s(t) = 9t + 23; s$ stellt graphisch eine steigende Gerade dar, der größte Wert ist also am rechten Rand. Die Summe wird maximal für $t = 13$.	3
		Summe 40